

Объ интенсивности ночного неба.

В. Г. Фесенкова.

Интенсивность ночного неба измѣрялась S. Newcomb'омъ визуальнымъ и Townley'емъ фотографическимъ методами. Newcombъ, который считалъ эту величину одной изъ основныхъ постоянныхъ астрофизики, употребилъ для ея опредѣленія нѣсколько различныхъ, какъ качественныхъ, такъ и количественныхъ способовъ. Идея метода, на которомъ главнымъ образомъ базируется его опредѣленіе, заключается въ слѣдующемъ¹⁾.

Вогнутая линза, покрытая нейтральнымъ свѣтофильтромъ, пропускающимъ 0,16 всего количества свѣта, давала изображеніе звѣзды въ видѣ маленькаго кружка. Рядомъ съ линзой помѣщался другой точно такой же свѣтофильтръ, имѣющій небольшое круглое отверстіе. На темномъ фонѣ первого свѣтофильтра наблюдатель, смотря черезъ линзу, могъ видѣть ослабленное изображеніе звѣзды въ видѣ кружка и сравнивать его съ фономъ неба, видимымъ непосредственно透过 отверстіе во второмъ свѣтофильтрѣ. Видимая величина этого отверстія была сдѣлана почти одинаковой съ изображеніемъ звѣзды. Такимъ образомъ оба объекта сравнивались при одинаковыхъ условіяхъ. Нетрудно понять, какъ изъ такихъ наблюденій, зная коэффиціентъ прозрачности свѣтофильтровъ, можно вывести значеніе интенсивности ночного неба. Изложеніемъ способомъ Newcomb наблюдалъ звѣзды α Pegasi, γ Draconis, α Ophiuchi, γ Pegasi, и α Andromedae.

Онъ нашелъ, что вблизи галактическаго полюса площадь неба въ 0,9 кв. градусовъ даетъ количество свѣта, эквивалентное звѣздѣ пятой величины. Яркія звѣздныя скопленія въ Млечномъ Пути дали въ той же шкалѣ отъ 1,9 до 2,4.

Кромѣ того, наблюденія Newcomb'a показали, что интенсивность ночного неба приблизительно одинакова на всемъ небесномъ сводѣ за

¹⁾ Astrophysical Journal. 1901. II, p. 298.

исключениемъ галактической зоны. Никакихъ земныхъ источниковъ свѣта не было на разстояніи многихъ миль. Луна находилась достаточно низко подъ горизонтомъ.

Окончательное заключеніе Newcomb'a есть то, что одинъ квадратный градусъ ночного неба около галактическаго полюса испускаетъ тоже количество свѣта, какъ и звѣзда 4,9 величины.

Townley¹⁾ примѣнилъ для опредѣленія этой постоянной фотографической методъ. Звѣздою сравненія служила Вега, изображеніе которой въ видѣ кружка достаточной величины получалось на фотографической пластинкѣ. Измѣряя интенсивность клише, онъ нашелъ, что площадь неба въ $7^{\circ} 16',4$ въ діаметрѣ между γ Pegasi и β Ceti оказываетъ одинаковое съ Вегой дѣйствіе на фотографическую пластинку. Отсюда слѣдуетъ, что 1 кв. градусъ ночного неба обладаетъ актинической способностью, эквивалентной звѣзде 4,5 величины.

Таковы установленные факты. Теперь надлежитъ изслѣдовать, чѣмъ можетъ быть объяснена такая значительная интенсивность ночного неба.

Высказывалось предположеніе, что разматриваемое явленіе зависитъ отъ множества спорадическихъ метеоровъ, держащихъ земную атмосферу въ состояніи постоянного свѣщенія. Число падающихъ звѣздъ, видимыхъ простымъ глазомъ, слишкомъ мало, чтобы оказать въ данномъ случаѣ замѣтное вліяніе. Однако, если вообразить, что количество телескопическихъ метеоровъ необычайно велико, такъ что наша атмосфера постоянно пронизывается ихъ свѣщающимися слѣдами, то можно допустить ихъ роль въ этомъ вопросѣ. Видимое количество этихъ метеоритовъ должно зависѣть отъ положенія апекса земного движенія, какъ это имѣеть мѣсто для всѣхъ падающихъ звѣздъ вообще. Слѣдовательно, интенсивность ночного неба, зависящая отъ этой причины, должна быть минимальной вскорѣ послѣ захода солнца и достигать максимума не задолго до его восхода.

Желая проверить это, я предпринялъ фотометрическія наблюденія надъ фономъ ночного неба въ часы симметричные относительно полуночи, именно между 9—10 часами вечера и 2—3 часами утра. Въ обоихъ случаяхъ опредѣлялась яркость участковъ неба, находившихся на томъ же зенитномъ разстояніи. Въ результатѣ ни малѣйшаго увеличенія интенсивности въ утренніе часы замѣчено не было. Это показываетъ, что падающая звѣзды, если и производятъ некоторое свѣщеніе атмосферы, то ихъ роль все же совершенно ничтожна, и ею можно пренебречь.

¹⁾ Astronomical Society of the Pacific. Vol. 15 p. 13. «The Total Light of the Stars». by Sidney D. Townley.

Съ другой стороны можно думать, что интенсивность ночного неба зависит отъ полярныхъ сіяній. Однако, въ данномъ случаѣ мы имѣемъ вѣрный критерій для сужденія о степени ихъ участія въ общей интенсивности неба. Какъ извѣстно, спектръ сѣверныхъ сіяній состоитъ изъ немногихъ свѣтлыхъ линій. Вслѣдствіе этого спектроскопъ можетъ дать вѣрное указаніе о присутствіи полярныхъ сіяній даже тогда, когда не вооруженный глазъ не въ состояніи открыть ни малѣйшихъ признаковъ этого явленія. Линія сѣвернаго сіянія дѣйствительно часто наблюдается на всемъ небѣ и подъ всѣми широтами, но все же далеко не всегда. Отсюда слѣдуетъ, что интенсивность ночного неба можетъ быть только возмущенной присутствіемъ сѣверныхъ сіяній, но не болѣе.

Прямой свѣтъ звѣздъ играетъ безъ сомнѣнія важную роль; Newcomb думалъ, что даже единственную. Всѣ слабыя звѣзды, находящіяся за предѣломъ видимости для простого глаза (ниже 6-ой величины), въ совокупности производятъ впечатлѣніе свѣтящейся поверхности, какъ это болѣе рѣзко выражено въ Млечномъ Пути.

Послѣднія изысканія относительно строенія нашей вселенной позволяютъ учесть интенсивность ночного неба, зависящую отъ совокупнаго свѣта звѣздъ. Я имѣю въ виду подсчеты звѣздъ по фотографическимъ клише, содержащимъ всѣ звѣзды до 17-ой величины включительно, которые были начаты Franklin Adams'омъ на его обсерваторіи въ Mervel Hill, Surrey (England) и закончены Melotte'омъ и Chapman'омъ на обсерваторіи въ Greenwich¹⁾.

Въ этихъ подсчетахъ все небо раздѣляется на восемь зонъ. Первая зона занимаетъ площадь отъ 0° до 10° галактической широты, вторая отъ 10° до 20° и т. д. и наконецъ, восьмая отъ 70° до 90° . Для каждой изъ этихъ зонъ были сосчитаны всѣ звѣзды отъ 12,0 до 17,0 зв. величинъ. Звѣздные величины ихъ были тщательно опредѣлены при помощи Гарвардской North Polar Sequence. Что касается болѣе яркихъ звѣздъ, то ониѣ были сосчитаны по слѣдующимъ каталогамъ:

звѣзды отъ 9 до 12,5 величинъ по Greenwich Astrographic Catalogue;

» 6,5 » 9,0 по Greenwich Catalogue of Photographic Magnitudes of stars brighter than 9,0^m;

звѣзды отъ 5 до 7,5 величинъ по каталогу Schwarzschild'a, и, наконецъ, звѣзды отъ 2 до 4,5 величины по каталогу Harvard College Observatory (Harvard Annals, LXXI, I).

Всѣ эти материалы позволяютъ вывести интересныя заключенія о протяженіи нашей звѣздной вселенной въ пространствѣ. Количество

¹⁾ Memoirs of the Royal Astr. Society, Vol. LX Part IV. The number of the stars of each photographic magnitude down to 17,0^m in different galactic latitudes. by S. Chapman and P. J. Melotte.

звѣздъ не неограничено. Кривыя, дающія для каждой зоны неба число звѣздъ ярче извѣстной величины, наглядно показываютъ, что приращеніе числа звѣздъ съ каждой новой величиной идетъ все медленнѣе. Посредствомъ экстраполяціи можно приблизительно опредѣлить звѣздную величину, которая соотвѣтствуетъ приращенію количества звѣздъ равному нулю т. е. предѣльную звѣздную величину нашей вселенной. Разумѣется подобное опредѣленіе очень неточно, но для нашей цѣли это не имѣеть никакого значенія, такъ какъ наиболѣе удаленные отъ насъ звѣзды крайне слабы. Общая интенсивность всѣхъ звѣздъ можетъ быть получена несравненно точнѣе. Всѣ звѣзды въ совокупности эквивалентны 690 звѣздамъ первой величины, и этотъ результатъ долженъ довольно близко соотвѣтствовать дѣйствительности.

Называя черезъ N_m количество всѣхъ звѣздъ ярче m -ой величины, приходящееся на одинъ кв. градусъ, мы имѣемъ слѣдующее выраженіе, выведенное эмпириическимъ путемъ:

$$\log_{10} N_m = a + b(m - 11) - c(m - 11)^2,$$

гдѣ a , b и c суть постоянныя, приведенныя въ нижеслѣдующей табличкѣ:

Зона	a	b	c
±	I	1,404	0,0139
	II	1,345	0,0147
	III	1,300	0,0193
	IV	1,177	0,0186
	V	1,029	0,0168
	VI	1,008	0,0160
	VII	0,941	0,0135
	VIII	0,901	0,0130

Эту формулу я примѣнилъ къ опредѣленію интенсивности фона ночного неба. Въ виду того, что проф. Newcomb производилъ свои наблюденія невооруженнымъ глазомъ, мы должны отбросить всѣ звѣзды ярче 6-ой величины, такъ какъ будучи видимы въ отдельности онѣ не могутъ непосредственно увеличить интенсивность неба. Съ другой стороны звѣзды 6—7 величины настолько еще рѣдки, что маловѣроятно ожидать присутствія этихъ звѣздъ на небольшихъ площадяхъ неба, изслѣдованныхъ проф. Newcombомъ. Поэтому я принимаю $m = 7$.

$$\frac{dN_m}{N_m} \log e = [b - 2c(m - 11)] dm$$

откуда

$$\frac{dN_m}{dm} = \frac{1}{\log e} [b - 2c(m - 11)] 10^{a+b(m-11)-c(m-11)^2}.$$

Пусть J яркость звезды 1-ой величины J_m , яркость звезды m -ой величины, есть:

$$J_m = J \cdot 10^{-0,4(m-1)}.$$

Яркость звездъ, заключающихся между m и $m+dm$ звездныхъ величинъ, есть:

$$J \cdot 10^{-0,4(m-1)} \frac{1}{\log e} [b - 2c(m-11)] 10^{a+b(m-11)-c(m-11)^2} dm.$$

Отсюда для интенсивности ночного неба, происходящей отъ прямого свѣта звездъ, имѣемъ слѣдующее выражение:

$$I = \frac{J}{\log e} \int_{m_0}^{\infty} [b - 2c(m-11)] 10^{a-4+(b-0,4)m-c(m-11)^2} dm.$$

Положимъ

$$m-11=t+\frac{b-0,4}{2c} \quad \text{и} \quad \alpha=a-4+\frac{(b-0,4)^2}{4c}.$$

Имѣемъ:

$$I = \frac{J}{\log e} \left[0,4 \int_{t_0}^{\infty} 10^{\alpha-ct^2} dt - 2c \int_{t_0}^{\infty} t 10^{\alpha-ct^2} dt \right].$$

Первый интегралъ можно преобразовать слѣдующимъ образомъ:

$$\int_{t_0}^{\infty} 10^{\alpha-ct^2} dt = \int_0^{\infty} 10^{\alpha-ct^2} dt - \int_0^{t_0} 10^{\alpha-ct^2} dt;$$

но

$$\int_0^{\infty} 10^{\alpha-ct^2} dt = \frac{10^\alpha \sqrt{\pi}}{2 \sqrt{c}} \sqrt{\log e},$$

и

$$\int_0^{t_0} 10^{\alpha-ct^2} dt = \frac{\sqrt{\log e}}{\sqrt{c}} 10^\alpha \int_0^{\sqrt{\frac{c}{\log e}} t_0} e^{-s^2} ds.$$

Интегрируя, наконецъ, второй интегралъ въ выражении I , мы находимъ окончательно:

$$I = J 10^\alpha \left[\frac{0,2 \sqrt{\pi}}{\sqrt{c} \sqrt{\log e}} - 10^{-ct_0^2} - \frac{0,4}{\sqrt{\log e} \sqrt{c}} \int_0^{\sqrt{\frac{c}{\log e}} t_0} e^{-s^2} ds \right],$$

при чмъ послѣдній интегралъ вычисляется при помощи извѣстныхъ таблицъ.

Принимая яркость звезды пятой величины за единицу, я вычислилъ это выражение для всѣхъ зонъ неба, полагая, какъ сказано выше, $m = 7$.

Результатъ:

I	II	III	IV	V	VI	VII	VIII
0,742	0,631	0,521	0,387	0,277	0,274	0,248	0,229.

Какъ и слѣдовало ожидать, интенсивность возрастаетъ съ уменьшениемъ галактической широты и достигаетъ максимума въ зонѣ Млечнаго Пути. Первое число смысла не имѣеть, такъ какъ въ Млечномъ Пути распределеніе звѣздъ слишкомъ неравномѣрно, чтобы можно было примѣнить нашу формулу, основанную на предположеніи, что количество звѣздъ мѣняется только съ галактической широтой. На основаніи сказанного выше, интенсивность ночного неба около галактическаго полюса можно принять эквивалентной звѣздѣ 4,8 величины на одинъ кв. градусъ, что въ нашихъ единицахъ составитъ 1,2. Мы видимъ, что прямой свѣтъ звѣздъ далеко не въ состояніи объяснить всего явленія.

Кромѣ прямого вліянія на интенсивность ночного неба, звѣзды оказываются еще косвенное. Ихъ свѣтъ разсѣивается въ атмосферѣ подобно тому, какъ это имѣеть мѣсто днемъ для солнечнаго свѣта. Разумѣется количество свѣта разсѣянное отъ каждой звѣзды въ отдѣльности ничтожно, но *a priori* нельзя думать, что вся совокупность свѣтилъ надъ горизонтомъ не можетъ дать замѣтной интенсивности небеснаго свода.

Въ настоящее время доказано, что солнечный свѣтъ разсѣивается въ атмосферѣ не пылинками, но, главнымъ образомъ, самими молекулами воздуха.

Достаточно напомнить, что изъ фотометрическихъ наблюденій надъ интенсивностью дневного небеснаго свода было получено тоже значеніе для граммъ-молекулы воздуха, какъ и по другимъ методамъ¹⁾.

Lord Rayleigh получилъ слѣдующую формулу для количества свѣта, разсѣянного частицами матеріи малыми по сравненію съ длиной свѣтовой волны, какими, безъ сомнѣнія, являются молекулы.

$$i = A^2 \left(\frac{D' - D}{D} \right)^2 (1 + \cos^2 \beta) \frac{\pi V^2}{\lambda^4 r^2},$$

гдѣ A , амплитуда волны свѣта, падающаго на частицу; A^2 можетъ быть замѣнено интенсивностью свѣта J . D , плотность частицы, D' плотность, окружающей среды. Въ данномъ случаѣ $D' = 0$ и $\left(\frac{D' - D}{D} \right)^2 = 1$. β , уголъ

¹⁾ Jean Perrin. „Les preuves de la réalité moléculaire“ (Les idées modernes sur la constitution de la matière).

между падающимъ и разсѣяннымъ лучами; V , объемъ частицы, λ , длина свѣтовой волны и r , разстояніе рассматриваемой частицы отъ наблюдателя¹⁾.

Пусть N_0 , количество молекулъ въ единицѣ объема воздуха при давлениі въ 760 mm (p_0) и температурѣ 0°C (T_0). Предположимъ, что мы рассматриваемъ нѣкоторую часть неба подъ тѣлеснымъ угломъ ω при зенитномъ разстояніи z . Элементарный объемъ, соотвѣтствующій высотѣ h надъ поверхностью земли, есть $r^2dr\cdot\omega$. Пусть на этой высотѣ давленіе равно p и температура T . Количество молекулъ въ рассматриваемомъ объемѣ будетъ:

$$N_0\omega r^2dr \frac{p}{p_0} \frac{T_0}{T}.$$

Слѣдовательно:

$$i = J(1 + \cos^2\beta) N_0\omega \frac{\pi V^2}{\lambda^4} \frac{p}{p_0} \frac{T_0}{T} dr.$$

Въ виду того, что мы ищемъ только поправку къ найденной интенсивности неба, зависящей отъ прямого свѣта звѣздъ, примемъ для простоты гипотезу Newton'a о распределеніи плотностей въ атмосферѣ т. е. положимъ:

$$\varrho = \varrho_0^{-\frac{h}{h_1}}; \quad d\varrho = -\varrho \frac{dh}{h_1},$$

гдѣ h_1 есть высота однородной атмосферы (8,28 klm.).

Кромѣ того имѣемъ:

$$r = h \sec z - \frac{h^2}{2a} \sec z \tan^2 z + \dots,$$

гдѣ a , радиусъ земного шара.

Замѣняя dh и h въ выраженіи

$$dr = (\sec z - \frac{h}{a} \sec z \tan^2 z + \dots) dh$$

черезъ ϱ и $d\varrho$, и замѣчая, что

$$\frac{\varrho}{\varrho_0} = \frac{p}{p_0} \frac{T_0}{T},$$

мы получимъ:

$$i = -J(1 + \cos^2\beta) \frac{\pi V^2}{\lambda^4} N_0\omega \left[\frac{\sec z}{\varrho_0} h_1 d\varrho + \frac{\sec z \tan^2 z \log \varrho}{\varrho_0 a} \frac{d\varrho}{\log \varrho_0} + \dots \right].$$

1) Philosophical Magazine. Vol. 41. 1871. „On the Light from the Sky, its Polarization and Colour“, by H. J. Strutt.

Строго говоря J и β суть нѣкоторыя функціи отъ ρ , при чмъ β зависитъ отъ искривленія лучей, а J отъ поглощенія свѣта въ атмосферѣ. Однако при интеграціи этого выраженія мы можемъ безъ замѣтной погрѣшности разсматривать β какъ постоянную величину. Вмѣсто того, чтобы искать J въ функціи ρ , что сильно усложнило бы формулы, я буду вести дальнѣйшее вычислениe, полагая J постояннымъ для всѣхъ слоевъ воздуха, но въ одномъ случаѣ принимая для J значеніе его на верхней границѣ атмосферы, а въ другомъ значеніе его у поверхности земли въ зависимости отъ зенитнаго разстоянія звѣзды и зенитальнаго поглощенія. Такимъ образомъ, не решая точно проблему, я ограничиваюсь вычислениемъ верхняго и нижняго предѣла для интенсивности разсѣяннаго звѣзднаго свѣта.

Интегрируя найденное выше выраженіе въ предѣлахъ отъ ρ_0 до 0, имѣемъ:

$$i = J(1 + \cos^2 \beta) N_0 \omega \pi \frac{V^2}{\lambda^4} \left[h_1 \sec z_0 + \frac{\sec z_0 \operatorname{tg}^2 z_0}{a} \left(1 - \frac{M}{\log_{10} \rho_0} \right) \right],$$

гдѣ M есть модуль логариомовъ $\log e$. Второй членъ, стоящій въ скобкахъ, настолько малъ, что имъ можно пренебречь.

Это выраженіе даетъ количество разсѣяннаго свѣта отъ звѣзды, интенсивность которой J , посыпаемаго наблюдателю площадью неба ω . Какъ видно, оно зависитъ отъ зенитнаго разстоянія z_0 разсматриваемой части неба и отъ углового разстоянія ея отъ источника свѣта.

Пусть координаты площади ω суть z_0 и A_0 , координаты звѣзды z и A . Тогда

$$\cos \beta = \cos z \cos z_0 + \sin z \sin z_0 \cos(A - A_0).$$

Предположимъ, что звѣзды распределены на небѣ равномѣрно и имѣютъ одну и ту же интенсивность. Пусть количество всѣхъ звѣздъ нѣкоторой средней величины на единицѣ поверхности небеснаго свода есть n . На элементѣ поверхности $\sin z dz dA$ ихъ будетъ

$$n \sin z dz dA.$$

Интегрируя выраженіе для i , гдѣ вмѣсто β подставляется его значеніе, мы получимъ, считая атмосферу совершенно прозрачной:

$$i = n J_0 \cdot \frac{8\pi^2}{3} N_0 \omega h_1 \sec z_0 \frac{V^2}{\lambda^4}$$

Эта формула даетъ верхній предѣлъ для искомой величины. Приемъ теперь во вниманіе поглощеніе свѣта въ земной атмосферѣ. Теорія Bouguer'a даетъ:

$$\log \frac{i^0}{i} = \log p (\sec z - 1 - \frac{h_1}{2a} \operatorname{tg}^2 z \sec z + \dots) = \log p \Phi(z),$$

гдѣ i^0 , интенсивность свѣтила приведенная къ зениту, i , наблюдаемая при зенитномъ разстояніи z и гдѣ p , коэффиціентъ прозрачности атмосферы = 0,83. Имѣемъ:

$$i = i_0 e^{\frac{\log p}{M} \Phi(z)}, \quad (M, \text{ модуль логариомовъ})$$

Проинтегрируемъ выражение

$$e^{\frac{\log p}{M} \Phi(z)} \sin z [1 + (\cos z \cos z_0 + \sin z \sin z_0 \cos(A - A))^2] dz dA.$$

Интеграція по A въ предѣлахъ отъ 0 до 2π даетъ:

$$2\pi e^{\frac{\log p}{M} \Phi(z)} \sin z [1 + \cos^2 z \cos^2 z_0 + \frac{1}{2} \sin^2 z \sin^2 z_0] dz.$$

Положимъ $-\frac{\log p}{M} = \alpha$ и вместо $\Phi(z)$ возьмемъ просто $\sec z - 1$.

Точная интеграція послѣдняго выражения произведена быть не можетъ. Дѣйствительно, уже наиболѣе простой членъ $\int e^{-\alpha \sec z} \sin z dz$ представляется въ видѣ

$$\int e^{-\alpha \sec z} \sin z dz = \int e^{-\alpha x} \frac{dx}{x^2} = \frac{e^{-\alpha x}}{x} - \alpha \int e^{-\alpha x} \frac{dx}{x},$$

при чемъ послѣдній интегралъ подстановкой $\alpha x = \log y$ преобразовывается къ виду $\int \frac{dy}{\log y}$.

Разложимъ поэтому $e^{-\alpha \sec z}$ въ рядъ. Написавъ этотъ рядъ въ видѣ

$$e^{-x} = 1 - x + \frac{x^2}{2!} \left(1 - \frac{x}{3}\right) + \frac{x^4}{4!} \left(1 - \frac{x}{5}\right) + \dots$$

и примѣняя признакъ Delambre'a

$$\lim -\frac{x^{n+2} \left(1 - \frac{x}{n+3}\right) n!}{x^n \left(1 - \frac{x}{n+1}\right) (n+2)!} = \lim \left(\frac{x}{n}\right)^2 = 0 < 1,$$

мы видимъ, что рядъ сходится для всѣхъ конечныхъ значеній x .

Возьмемъ $p = 0,83$ т. е. $\alpha = 0,186$ и проинтегрируемъ по z найденное выше выражение, гдѣ

$$e^{\frac{\log p}{M} \phi(z)} = e^\alpha \left[1 - \alpha \sec z + \frac{\alpha^2 \sec^2 z}{2!} - \frac{\alpha^3 \sec^3 z}{3!} + \frac{\alpha^4 \sec^4 z}{4!} - \frac{\alpha^5 \sec^5 z}{5!} + \dots \right]$$

Интеграція между предѣлами 0 и $\frac{\pi}{2} - \varepsilon$ даетъ слѣдующія выражения, соотвѣтствующія каждому члену разложенія $e^{-\alpha \sec z}$:

$$\begin{aligned} I &= 2\pi \left[1 - \sin \varepsilon + \cos^2 z_0 \left(\frac{1}{3} - \frac{\sin^3 \varepsilon}{3} \right) + \frac{1}{2} \sin^2 z_0 \left(\frac{2}{3} - \sin \varepsilon + \frac{\sin^3 \varepsilon}{3} \right) \right] \\ II &= 2\pi \alpha \left[\frac{\log \sin \varepsilon}{M} - \frac{1}{2} \cos^2 z_0 + \frac{\sin^2 z_0}{2} \left(\frac{\log \sin \varepsilon}{M} + \frac{1}{2} \right) \right] \\ III &= 2\pi \frac{\alpha^2}{2!} \left[\frac{1}{\sin \varepsilon} - 1 + \cos^2 z_0 + \frac{\sin^2 z_0}{2} \left(\frac{1}{\sin \varepsilon} - 2 \right) \right] \\ IV &= -2\pi \frac{\alpha^3}{3!} \left[\frac{\operatorname{ctg}^2 \varepsilon}{2} - \cos^2 z_0 \frac{\log \sin \varepsilon}{M} + \sin^2 z_0 \left(\frac{\operatorname{ctg}^2 \varepsilon}{2} + \frac{\log \sin \varepsilon}{M} \right) \right] \\ V &= 2\pi \frac{\alpha^4}{4!} \left[\frac{1}{3 \sin^3 \varepsilon} - \frac{1}{3} + \cos^2 z_0 \left(\frac{1}{\sin \varepsilon} - 1 \right) + \frac{\sin^2 z_0}{2} \left(\frac{1}{3 \sin^3 \varepsilon} - \frac{1}{\sin \varepsilon} + \frac{2}{3} \right) \right] \\ VI &= -2\pi \frac{\alpha^5}{5!} \left[\frac{1}{4 \sin^4 \varepsilon} - \frac{1}{4} + \cos^2 z_0 \frac{\operatorname{ctg}^2 \varepsilon}{2} + \frac{\sin^2 z_0}{2} \left(\frac{1}{4 \sin^4 \varepsilon} - \frac{1}{4} - \frac{\operatorname{ctg}^2 \varepsilon}{2} \right) \right]. \end{aligned}$$

Слѣдовательно для всѣхъ звѣздъ между зенитомъ и $\frac{\pi}{2} - \varepsilon$ зенитнаго разстоянія имѣемъ:

$$i = n J N_0 \omega h_1 \sec z_0 \frac{\pi V^2}{\lambda^4} (I + II + \dots + VI) e^\alpha.$$

Мы можемъ пренебречь вліяніемъ звѣздъ, высота которыхъ менѣе 5^0 .

Полагая поэтому $\varepsilon = 5$, мы имѣемъ для частнаго случая $z_0 = 0$ слѣдующее выражение:

$$i = n J N_0 \omega h_1 \sec z_0 \frac{\pi V^2}{\lambda^4} e^\alpha \cdot 2\pi [1,246 - 0,361 + 0,185 - 0,067 + 0,026 - 0,008]$$

или же

$$i = n J \cdot 1,2295 \cdot 2\pi^2 N_0 \omega h_1 \frac{V^2}{\lambda^4}. \quad (z_0 = 0).$$

Въ этой формуле принято во внимание приведение къ зениту, но не зенитальное поглощение свѣта; чтобы учесть послѣднее надо только выражение для i умножить на p . Полученное значение даетъ нижній предѣлъ для искомой величины.

Если положить $J = 1$, то за n надо взять количество звѣздъ пятой величины эквивалентныхъ всѣмъ звѣздамъ неба, находящимся на высотѣ болѣе 5° надъ горизонтомъ. Пользуясь изложенными ранѣе результатами Chapman'a и Melotte'a, мы легко находимъ, что $n = 12095$, что соответствуетъ 0,66 звѣздъ пятой величины на одинъ кв. градусъ. Это число больше средняго изъ чиселъ, выражающихъ прямую яркость неба, которую мы нашли раньшѣ. Само собой разумѣется, что эта разница происходитъ отъ того, что при прежнихъ вычисленіяхъ мы принимали во внимание только звѣзды slabѣе седьмой величины, тогда какъ въ данномъ случаѣ должны быть взяты всѣ вообще звѣзды на небѣ.

Діаметръ молекулы воздуха $= 2,86 \cdot 10^{-8}$ см.¹⁾. Количество молекулъ въ одномъ куб. сант. при 760 ^{mm} давленія и 0°C равно $2,77 \cdot 10^{19}$ по Rutherford'у и $2,80^{19}$ по Planck'у. Я принялъ значение $2,70 \cdot 10^{19}$, данное въ послѣднее время Millican'омъ и J. Perrin'омъ²⁾. Далѣе $h_1 = 8,28 \text{ klm.}$ или $8,28 \cdot 10^5 \text{ см.}$; λ , длина волны, соответствующая максимуму интенсивности въ спектрѣ, промежуточномъ между солнечнымъ спектромъ и спектромъ разсѣянного свѣта, равна $5,6 \cdot 10^{-5}$ см. (какъ будетъ показано позже); ω равно одному квадратному градусу.

Съ этими данными я получилъ
для вижнаго предѣла интенсивности разсѣянного свѣта. . . . 0,0271
и для верхнаго предѣла 0,0355
при чемъ при выводѣ послѣдняго количества, я равнымъ образомъ отбрасывалъ звѣзды, зенитное разстояніе которыхъ больше 85° .

Мы видимъ, что прямой свѣтъ звѣздъ въ совокупности со звѣзднымъ свѣтомъ, разсѣяннымъ въ атмосфѣрѣ, составляютъ въ частяхъ неба, удаленныхъ отъ Млечнаго Пути не болѣе 0,3, что гораздо менѣе значенія найденнаго Newcomb'омъ.

Формула, выведенная Rayleigh'емъ, можетъ быть примѣнена только для угловъ β не очень малыхъ; при малыхъ же β она совершенно не соответствуетъ дѣйствительности. Насколько мнѣ известно, не существуетъ выраженія, дающаго количество разсѣянного свѣта при очень малыхъ угловыхъ разстояніяхъ между источникомъ свѣта и наблюдаемымъ участкомъ неба. Яркость фона неба въ этомъ случаѣ нетрудно учесть

1) Philosophical Magazine. 1910. 19 p. 25. Sutherland «Molecular Diameters».

2) J. Perrin. Die Atome. p. 164.

экспериментальнымъ путемъ. Стоить только измѣрить измѣненіе интенсивности фона неба въ функции разстоянія отъ края солнца или луны и затѣмъ вычислить кривую интенсивности, соответствующую свѣтящейся точкѣ, какъ это пришлось мнѣ сдѣлать при опредѣленіи альбено земного шара. Но эта кривая интенсивности падаетъ такъ быстро по мѣрѣ удаленія отъ источника свѣта, начинаетъ такъ хорошо согласоваться уже на небольшомъ разстояніи отъ источника свѣта съ формулой Rayleigh'я, что въ данномъ случаѣ нѣтъ надобности заниматься ея разсмотрѣніемъ.

Итакъ, всѣ возможныя причины интенсивности ночного неба оказались далеко недостаточными для объясненія всего явленія. Остается еще одна, по-моему мнѣнію, единственная причина, именно зодіакальный свѣтъ. Въ своихъ частяхъ наиболѣе близкихъ къ Солнцу онъ далеко превосходитъ по яркости наиболѣе плотныхъ скопленія Млечнаго Пути. По мѣрѣ удаленія отъ Солнца интенсивность его быстро уменьшается и, наконецъ, незамѣтно переходить въ общую интенсивность неба. Несомнѣнно, что зодіакальный свѣтъ распространяется на весь небесный сводъ, придавая ему нѣкоторое равномѣрное освѣщеніе, которое нѣсколько усиливается по мѣрѣ приближенія къ зодіакальному поясу и, въ особенности, по мѣрѣ приближенія къ Солнцу. Абсолютная яркость зодіакальной матеріи намъ совершенно неизвѣстна. Мы можемъ измѣрять только интенсивность ночного неба, которая слагается изъ многихъ компонентовъ. Пренебрегая сравнительно рѣдкимъ присутствиемъ въ нашей атмосфѣре падающихъ звѣздъ, отbrasывая случайныя возмущенія интенсивности неба полярными сіяніями и учитывая вліяніе прямого свѣта звѣздъ и ихъ свѣта разсѣянаго атмосферой, мы, въ концѣ концовъ, выдѣляемъ интенсивность принадлежащую зодіакальному свѣту.

Для частей неба удаленныхъ отъ Млечнаго Пути, гдѣ общая яркость выражается числомъ 1,2, а вліяніе упомянутыхъ причинъ составляетъ 0,3, необходимо принять на долю зодіакального свѣта 0,9 нашихъ единицъ.

Какъ и раньше, необходимо на ряду съ прямымъ свѣтомъ этого космического явленія изслѣдовывать его свѣтъ, разсѣянный атмосферой. Это послѣднее изслѣдованіе можетъ быть произведено совершенно также, какъ было только что показано. Небольшое различіе заключается въ томъ, что въ данномъ случаѣ желательно принять во вниманіе усиленіе интенсивности зодіакального свѣта къ Солнцу, а также и то, что длина наиболѣе активной волны, равно какъ и поглощающая способность атмосферы для зодіакального свѣта нѣсколько иная, чѣмъ для звѣздъ. Однако эти различія, какъ будетъ видно позже, очень малы.

Въ соотвѣтствіи съ ранѣе полученными результатами я, сохраняя лишь первый десятичный знакъ, принялъ 0,8 для интенсивности собственно зодіакального свѣта виѣ зодіакальной полосы.

Ограничиваюсь плоскостью эклиптики и угловымъ разстояніемъ (ω) отъ Солнца отъ 34° до 50° , я приведу слѣдующія значенія интенсивности (i) зодіакального свѣта, полученные мною изъ наблюдений¹⁾:

ω	i	j
34°	27,5	2,9
38°	23,8	2,5
42°	20,6	2,1
46°	17,9	1,7
50°	15,6	1,3

общая интенсивность неба въ моихъ наблюденіяхъ принималась мною равной 10. Въ нашихъ единицахъ абсолютная интенсивность зодіакального свѣта (j) выражается формулой:

$$j = (i - 10) 0,12 + 0,8,$$

что даетъ числа, находящіяся въ послѣднемъ столбцѣ.

Имѣя абсолютную яркость зодіакального свѣта для различныхъ угловыхъ разстояній отъ Солнца, было бы нетрудно перейти къ распределенію въ немъ плотности, если форма и размѣры частицъ зодіакальной матеріи были бы известны. Покажемъ, что форма космическихъ пылинокъ не оказываетъ въ известныхъ случаяхъ вліянія на распределеніе интенсивности въ зодіакальномъ свѣтѣ.

Предположимъ, что пылинки распределены въ пространствѣ настолько рѣдко, что для наблюдателя, находящагося на Землѣ, не могутъ ни накладываться одна на другую, ни затмѣвать другъ друга. Другими словами, предположимъ, что всѣ пылинки безъ исключенія освѣщаются солнцемъ и что свѣтъ отъ всѣхъ космическихъ частицъ матеріи достигаетъ глаза наблюдателя. Это является вполнѣ законнымъ допущеніемъ, такъ какъ черезъ зодіакальный свѣтъ легко можно видѣть даже слабыя звѣзды. Допустимъ далѣе, что всѣ пылинки имѣютъ форму выпуклую во всѣхъ своихъ точкахъ и при томъ ориентированную въ пространствѣ совершенно произвольнымъ образомъ. Выражаясь точнѣе допустимъ, что если изъ нѣкоторой точки пространства описать сферу произвольнымъ радиусомъ и изъ центра ея провести линіи, параллельныя нѣкоторой прямой, связанной определеннымъ образомъ съ данной формой при всевозможныхъ ея положеніяхъ, то точки пересѣченія этихъ линій съ поверхностью сферы расположены на послѣдней одинаково густо.

¹⁾ B. Fessenkoff. „La Lumière Zodiacale“ p. 102.

Количество свѣта, отражаемое къ наблюдателю элементомъ поверхности $d\sigma$, представляется, если придерживаться закона Lambert'a, слѣдующимъ выражениемъ:

$$dJ = \frac{A_1}{\pi} \cos i \cos \varepsilon d\sigma,$$

гдѣ A_1 альбето по опредѣленію Lambert'a, а i и ε суть углы паденія и отраженія. Вычислимъ совокупное количество свѣта J , отражаемое этимъ элементомъ при всевозможныхъ положеніяхъ тѣла, которому онъ принадлежитъ. Нетрудно видѣть, что

$$J = \frac{A_1}{\pi} \int_{\varphi=-\frac{\pi}{2}}^{\varphi=\frac{\pi}{2}} \int_{\lambda=\alpha-\frac{\pi}{2}}^{\lambda=\frac{\pi}{2}} \cos i \cos \varepsilon \cos \varphi d\varphi d\lambda$$

гдѣ φ и λ представляютъ сферическія координаты данного элемента. Введенное нами условіе относительно формы пылинокъ позволяетъ намъ найти предѣлы интеграціи, которые въ общемъ случаѣ совершенно неопределены.

Называя α уголъ фазы, одинаковой для всѣхъ пылинокъ, заключенныхъ въ данномъ объемѣ, мы имѣемъ:

$$\cos i = \cos \varphi \cos (\lambda - \alpha)$$

$$\cos \varepsilon = \cos \varphi \cos \lambda$$

и, слѣдовательно,

$$J = \frac{A_1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \int_{\alpha-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos^3 \varphi \cos (\lambda - \alpha) \cos \lambda d\varphi d\lambda,$$

т. е.

$$J = \frac{2}{3} \frac{A_1}{\pi} [\sin \alpha + (\pi - \alpha) \cos \alpha].$$

Подобное же выраженіе мы получимъ для всякаго другого элемента въ предположеніи, что онъ ориентированъ совершенно произвольно.

Очевидно для всего тѣла, выпуклого во всѣхъ точкахъ, должно получиться выраженіе того же типа

$$J = k (\sin \alpha + (\pi - \alpha) \cos \alpha)$$

гдѣ k можно предположить постояннымъ во всемъ пространствѣ.

Примѣнимъ эту формулу для вычисленія интенсивности космической пыли, наблюдаемой съ Земли подъ тѣлеснымъ угломъ σ . Пусть μ —плотность космической пыли, ω —угловое разстояніе отъ Солнца, ϱ —линейное разстояніе отъ Солнца, r —разстояніе отъ Земли. Принимая разстояніе между Солнцемъ и Землей за единицу, имѣемъ слѣдующую интенсивность

$$k\sigma \int_0^\infty \frac{\mu f(\alpha) dr}{\varrho^2}$$

или

$$k\sigma \sin \omega \int_0^{\pi - \omega} \frac{\mu f(\alpha) d\alpha}{\varrho^2 \sin^2 \alpha},$$

такъ какъ

$$\varrho = \frac{\sin \omega}{\sin \alpha} \quad \text{и} \quad dr = -\frac{\sin \omega}{\sin^2 \alpha} d\alpha.$$

μ есть нѣкоторая неизвѣстная намъ функция отъ ϱ .

Я вычислялъ это выраженіе, дѣлая различныя предположенія относительно вида этой функции. Здѣсь я возьму сразу

$$\mu = \frac{c}{\varrho},$$

такъ какъ эта простая зависимость наиболѣшимъ образомъ представляетъ наблюденія. Вводя вместо $f(\alpha)$ полученное только что выраженіе, имѣемъ:

$$\frac{\sigma}{\sin^2 \omega} \int_0^{\pi - \omega} \sin \alpha [\sin \alpha + (\pi - \alpha) \cos \alpha] d\alpha$$

Интегрируя и отбрасывая постоянные коэффициенты находимъ:

$$\frac{\sigma}{\sin^2 \omega} \left[\pi - \omega + \sin \omega \cos \omega + \frac{2}{3} \omega \sin^2 \omega \right].$$

Вычисляя это выраженіе для различныхъ значеній ω мы получаемъ:

$\omega = 34^\circ$	1,000
38°	0,807
42°	0,690
46°	0,600
50°	0,523

Во всѣхъ этихъ вычисленіяхъ примѣнялись обыкновенные законы отраженія свѣта. Однако, если отдельныя пылинки сравнимы по своей величинѣ съ длиной свѣтовой волны, то простое отраженіе свѣта уже не имѣеть мѣста. Въ этомъ случаѣ надо употребить формулу Rayleigh'я, примѣнимую ко всѣмъ частицамъ, размѣры которыхъ не превышаютъ $\frac{1}{4}$ длины наиболѣе преломляемой волны свѣта. При такой ничтожной величинѣ пылинокъ ихъ форма совершенно не оказываетъ вліянія на количество разсѣяннаго свѣта. Если же размѣры частицъ превосходятъ $\frac{1}{4}$ свѣтовой волны, то форма ихъ начинаетъ оказывать нѣкоторое вліяніе, выражющееся въ поправочныхъ членахъ къ главному, приведенному нами выше. Съ другой стороны характеръ распределенія интенсивности въ спектрѣ также начинаетъ мѣняться; приращеніе интенсивности идетъ медленнѣе соотвѣтственнаго приращенія объема, что сказывается прежде всего на болѣе преломляемой части спектра.

Примѣня формулу Rayleigh'я (гдѣ надо положить $\beta = \pi - \alpha$) къ вычисленію относительной интенсивности космической пыли, я получилъ слѣдующее выраженіе:

$$\frac{k\sigma}{\sin^2 \omega} \left(\frac{4}{3} + \cos \omega + \frac{1}{3} \cos^3 \omega \right).$$

Это выраженіе даетъ для частицъ пыли малыхъ по сравненію съ длиной свѣтовой волны:

	ω	j
(3)	34°	1,000
	38°	0,796
	42°	0,652
	46°	0,545
	50°	0,459

Въ дѣйствительности космическая пыль состоитъ какъ изъ мельчайшихъ пылинокъ, которыя производятъ диффузію свѣта, такъ и изъ частицъ матеріи, могущихъ отражать свѣтъ. Падающія звѣзды, среди которыхъ встрѣчаются и болиды въ сотни килограммовъ вѣсомъ и едва замѣтныя телескопическіе метеоры, масса которыхъ не превышаетъ малую долю грамма, не говоря о множествѣ другихъ падающихъ звѣздъ, остающихся по слабости своего блеска виѣ предѣловъ непосредственного наблюденія, служатъ нагляднымъ подтвержденіемъ этому. Отсюда слѣдуетъ, что дѣйствительная кривая интенсивности, представляемая всей совокупностью космической пыли, лежитъ, вообще говоря, гдѣ-либо посерединѣ между найденными крайними кривыми.

Полученные результаты указывают степень неопределенности, каковая имѣеть мѣсто при вычислении интенсивности космической пыли (въ предположеніи $\mu = \frac{c}{\rho}$), вслѣдствіе полнаго незнанія формы и величины отдѣльныхъ пылинокъ. Однако въ частномъ случаѣ, когда размѣры пылинокъ не очень разнятся отъ длины свѣтовой волны, можно предложить способъ, позволяющій опредѣлить ихъ величину. Идея этого способа очень проста. Если космическая пылинки достаточно малы, онъ произведутъ замѣтное разсѣяніе солнечнаго свѣта преимущественно въ области болѣе преломляющей части спектра.

Вслѣдствіе этого максимумъ интенсивности въ спектрѣ зодіакальнаго свѣта долженъ лежать ближе къ фиолетовому концу и тѣмъ ближе, чѣмъ меньше размѣры рассматриваемыхъ материальныхъ частицъ. Надо замѣтить однако, что возможное перемѣщеніе максимума интенсивности не велико и поэтому определеніе положенія его довольно затруднительно, въ особенности по причинѣ крайней слабости всего явленія. Чтобы опредѣлить это перемѣщеніе максимума, я воспользовался результатами Abney'я и Festing'a, изслѣдовавшими визуальнымъ путемъ распределеніе интенсивности въ солнечномъ спектрѣ¹⁾.

Сдѣлавъ приведеніе за поглощеніе свѣта въ атмосферѣ для каждого рода излученія въ отдѣльности и вычисливъ затѣмъ распределеніе интенсивности въ спектрѣ разсѣяннаго свѣта частицами очень малыми ($< \frac{1}{4} \lambda$), я нашелъ для положенія максимумовъ интенсивности

въ спектрѣ солнечнаго свѣта въ атмосфера . 570 $\mu\mu$.

» » разсѣяннаго » » . 550 $\mu\mu$.

Въ этихъ тѣсныхъ предѣлахъ заключается все возможное перемѣщеніе максимума. Коэффициенты прозрачности атмосферы для свѣта, разсѣяннаго частицами матеріи различной величины, колеблются еще въ болѣе тѣсныхъ предѣлахъ. Изъ упомянутыхъ наблюденій Abney'я и Festing'a я получилъ для солнечнаго свѣта $p = 0,83$, тогда какъ для свѣта, разсѣяннаго очень маленькими частицами, у меня получилось $p = 0,80$, почти та же самая величина.

Болѣе удовлетворительные результаты можно получить измѣряя фотометрическимъ путемъ распределеніе интенсивности въ спектрѣ зодіакальнаго свѣта.

1) Philosophical Transactions, Vol. 174. 1886. p. 723. Abney and Festing. Colour Photometry.

Исходя изъ изслѣдованій Abney'я, я получилъ слѣдующія значенія для интенсивности въ обоихъ спектрахъ, при чмъ какъ солнечный свѣтъ, такъ и свѣтъ, разсѣянный пылинками, разсматриваются въ земной атмосфѣры (для удобства сравненія максимумъ въ обоихъ спектрахъ принять = 1):

$\mu\mu$	Разсѣянный солнечный свѣтъ	Солнечный свѣтъ
460	0,07	0,034
480	0,18	0,10
500	0,42	0,26
520	0,82	0,55
540	0,98	0,83
560	0,98	0,97
580	0,89	0,98
600	0,71	0,86
620	0,46	0,66
640	0,21	0,37
660	0,05	0,10

Дѣйствительная кривая интенсивности въ спектрѣ зодіакальнаго свѣта должна лежать между кривыми, представляемыми этими числами. Изслѣдовавъ фотометрически спектръ этого явленія и найдя въ немъ распределеніе интенсивности, можно искать, каковы должны быть размѣры космическихъ пылинокъ, чтобы разсѣянный ими солнечный свѣтъ обладалъ наблюдаемыми особенностями.

Къ сожалѣнію, вслѣдствіе крайней слабости зодіакальнаго свѣта детальное изслѣдованіе его спектра пока еще невозможно. Все, что дали спектроскопическія наблюденія, заключается въ слѣдующемъ: спектръ зодіакальнаго свѣта совершенно непрерывенъ, не имѣть никакихъ свѣтлыхъ линій, но при очень продолжительной экспозиціи обнаруживается темные линіи, совпадающія съ главными Фраунгоферовыми линіями солнечного спектра. Для настъ важнѣе всего тотъ фактъ, что максимумъ интенсивности находится не въ желтой части спектра, какъ для солнца, но въ зеленої.

Если это не можетъ быть объяснено явленіемъ Purkinje, то необходимо заключить, что космическая пыль способна производить замѣтную диффузію свѣта, т. е. что космическія пылинки въ среднемъ приближаются по своимъ размѣрамъ къ длине свѣтовой волны.

Отсюда слѣдуетъ, что послѣдняя табличка (3), полученная именно въ предположеніи малости космическихъ пылинокъ, должна ближе всего согласоваться съ наблюденіями, если наша гипотеза о распределеніи плотностей $(\mu = \frac{c}{\rho})$ справедлива. Дѣйствительно имѣемъ:

ω	наблюденная интенсивность	вычисленная интенсивность
34	2,9	2,90
38	2,5	2,31
42	2,1	1,90
46	1,7	1,58
50	1,3	1,33

Это согласіе можно считать удовлетворительнымъ, а потому въ дальнѣйшемъ мы будемъ предполагать, что плотность въ средѣ космической пыли (въ плоскости эклиптики) измѣняется обратно пропорционально разстоянію отъ солнца.

Назовемъ черезъ i абсолютную интенсивность зодіакального свѣта, соответствующую угловому разстоянію отъ солнца ω .

Формула Rayleigh'я, уже приведенная нами раньше, имѣетъ видъ

$$J(1 + \cos^2 \alpha) \frac{\pi V^2}{\lambda^4 r^2}.$$

Пусть N , количество пылинокъ въ единицѣ объема пространства на разстояніи отъ солнца ρ_0 , равномъ радиусу земной орбиты. Количество пылинокъ, находящихся въ элементарномъ объемѣ $r^2 dr \sigma$, видномъ подъ тѣлеснымъ угломъ σ , есть:

$$n = N \frac{\rho_0}{\rho} r^2 \sigma dr.$$

Вводя J_0 , интенсивность солнца, наблюдавшаго съ земли, имѣемъ:

$$J = J_0 \frac{\rho_0^2}{\rho^2}.$$

Такимъ образомъ для интенсивности всей совокупности космической пыли имѣемъ:

$$i = J_0 \rho_0^3 \frac{\pi V^2}{\lambda^4} \sigma N \int_0^\infty \frac{(1 + \cos^2 \alpha) dr}{\rho^3}.$$

Вводя, какъ новую переменную, уголъ фазы α и замѣчая, что

$$\frac{\varrho_0}{\varrho} = \frac{\sin \alpha}{\sin \omega} \quad \text{и} \quad dr = - \frac{\sin \omega}{\sin^2 \alpha} d\alpha,$$

получимъ:

$$i = J_0 \varrho_0 \frac{\pi V^2}{\sin^2 \omega} \frac{\sigma N}{\lambda^4} \int_0^{\pi-\alpha} \sin \alpha (1 + \cos^2 \alpha) d\alpha,$$

или

$$i = J_0 \varrho_0 \frac{\pi V^2 \sigma N}{\sin^2 \omega \lambda^4} \left[\frac{4}{3} + \cos \omega + \frac{1}{3} \cos^3 \omega \right],$$

Мы имѣемъ $i = 2,9$ при $\omega = 34^\circ$. По изслѣдованіямъ Ch. Fabry¹⁾ звѣздная величина солнца равняется $-26,7$. Выражая J_0 въ яркости звѣзды пятой величины и принимая за λ длину волны, соотвѣтствующей максимуму интенсивности въ солнечномъ спектрѣ ($\lambda = 560 \mu\mu.$), мы имѣемъ:

$$\log (\alpha^6 N) = 20,5634,$$

гдѣ $\alpha = \frac{R}{\lambda}$ (R , радиусъ космической пылинки). За единицу длины въ этой формулѣ принять 1 mm.

Это все, что можно вывести изъ даннаго значенія интенсивности зодіакального свѣта. Дѣлая предположеніе относительно одной изъ величинъ, входящихъ въ выражение $\alpha^6 N$, мы получаемъ другую. Но порядокъ α извѣстенъ, такъ какъ мы видѣли раньше, что космическія пылинки сравнимы по своимъ размѣрамъ съ длиной свѣтовой волны. Принимая,

$\alpha = \frac{1}{2}$, мы получимъ что

$$N = 2,3 \cdot 10^{-18}$$

количество пылинокъ въ одномъ кубическомъ миллиметрѣ. Отсюда слѣдуетъ что на одинъ куб. километръ пространства въ плоскости эклиптики и на разстояніи ϱ_0 отъ солнца приходится 2,3 космическихъ пылинокъ.

Такимъ образомъ загадочное явленіе интенсивности ночного неба можетъ быть объяснено, если предположить, что междупланетное пространство заполнено мельчайшими частицами матеріи, каждая изъ которыхъ при указанныхъ размѣрахъ приходится на 0,43 куб. километровъ.

¹⁾ Ch. Fabry. Comparaison de la lumière du soleil avec celle des étoiles. Recherches de photométrie solaire et stellaire.

Можно отмѣтить, что этотъ результатъ находится въ согласіи съ изслѣдованіями проф. Н. Newton'a, который, какъ извѣстно, нашелъ, что каждыя сутки на земную поверхность падаетъ не менѣе 10.000,000 метеоритовъ. При этомъ онъ принималъ во вниманіе только падающія звѣзды, видимыя простымъ глазомъ. Если же можно было бы учесть количество всѣхъ метеоритовъ, проникающихъ въ земную атмосферу вплоть до мельчайшихъ космическихъ пылинокъ, то, безъ сомнѣнія, пришлось бы увеличить это число во много разъ.

Въ заключеніе я долженъ подчеркнуть, что число полученное для $\alpha^6 N$, а также для количества пылинокъ въ куб. километрѣ при указанномъ предположеніи относительно ихъ размѣровъ, основано на допущеніи, что въ выше изложенномъ разборѣ приняты во вниманіе всѣ источники свѣта, могущіе оказать вліяніе на интенсивность ночного неба.

Это допущеніе нельзя считать законнымъ. Вполнѣ возможно, что существуютъ какія-нибудь неизвѣстныя намъ причины, вліяющія на интенсивность неба помимо зодіакального свѣта. Однако, даже значительная погрѣшность въ этомъ отношеніи не повлияетъ очень замѣтно на окончательные результаты. Если, напримѣръ, принять вдвое меньшее значение для интенсивности зодіакального свѣта около полюса Млечного Пути, то въ i (при $\omega = 34^\circ$), послужившемъ исходнымъ даннымъ въ послѣднихъ вычисленіяхъ, получилась бы относительная погрѣшность только въ 0,14.
